ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ИНЕРЦИОННО-ДЕМПФИРУЮЩИЕ И ВОССТАНАВЛИВАЮЩИЕ СИЛЫ И МОМЕНТЫ ПРИ ПРОДОЛЬНОЙ КАЧКЕ ВОЛНОРЕЗНОГО КАТАМАРАНА НА ВСТРЕЧНОМ НЕРЕГУЛЯРНОМ ВОЛНЕНИИ

О. И. Соломенцев, д-р техн. наук, проф. НУК; Е. А. Кудинова, магистрант

Национальный университет кораблестроения, г. Николаев

Аннотация. Рассмотрено определение дополнительных демпфирующих и восстанавливающих сил и моментов при продольной качке волнорезного катамарана, которые обусловлены периодическим входом в воду профилированного соединительного моста («центрального носа»). Приведены результаты соответствующих расчетов.

Ключевые слова: волнорезный катамаран, вертикальная качка, килевая качка, демпфирующие силы и моменты, восстанавливающие силы и моменты.

Анотація. Розглянуто визначення додаткових демпфірувальних та відновлювальних сил і моментів при поздовжній хитавиці хвилерізного катамарана, які обумовлені періодичним входженням у воду профільованого з'єднувального мосту («центрального носа»). Наведено результати відповідних розрахунків.

Ключові слова: хвилерізний катамаран, вертикальна хитавиця, кильова хитавиця, демпфірувальні сили та моменти, відновлювальні сили і моменти.

Abstract. Additional damping and restoring forces and moments during wave-piercing catamaran pitching have been considered. They are conditioned by water entry of the central bow of the wave-piercing catamaran. The results of corresponding calculations are analyzed.

Keywords: wave-piercing catamaran, heave, pitching, damping forces and moments, restoring forces and moments.

ПОСТАНОВКА ПРОБЛЕМЫ

В настоящее время быстроходные катамараны являются одним из перспективных типов судов. В некоторых случаях эти суда имеют профилированный соединительный мост (так называемый центральный нос, central bow [18]), который выполняет функцию демпфера. Катамаран с профилированным мостом, имея небольшую продольную качку, зрительно не следует за колебаниями волн, а разрезает их, поэтому такие катамараны и называют волнорезными. Корректное определение характеристик центрального носа — одна из наиболее важных задач при проектировании волнорезного катамарана.

АНАЛИЗ ПОСЛЕДНИХ ИССЛЕДОВАНИЙ И ПУБЛИКАЦИЙ

Результаты предварительных исследований по влиянию «центрального носа» на продольную качку катамарана были изложены одним из авторов в 2005 г. в докладе на Международной конференции по скоростным судам [18]. Прочие исследования по данной тематике авторам неизвестны. Продолжая начатые в [18] исследования, необходимо разработать практические методы расчета дополнительных (обусловленных наличием «центрального носа») гидродинамических сил при продольной качке волнорезного катамарана и выявить влияние геометрических параметров «центрального носа» на их величины.

ЦЕЛЬ РАБОТЫ — разработка простых приближенных методов для расчета дополнительных сил и моментов при продольной качке волнорезного катамарана, обусловленных периодическим входом в воду профилированного соединительного моста, и выявление зависимости этих сил от особенностей формы соединительного моста.

ИЗЛОЖЕНИЕ ОСНОВНОГО МАТЕРИАЛА

Периодический вход соединительного моста в воду может быть описан уравнениями продольной качки судна с изменяющейся формой [15]. Здесь в общем случае необходимо учесть влияние участка (зоны) А в середине моста и зоны Б для района, прилегающего к корпусу (рис. 1). Для зоны Б в первом приближении можно воспользоваться существующими рекомендациями в области влияния развала бортов в носовой части традиционных однокорпусных судов на продольную качку [9]. Пусть, далее, ордината волнения есть r(t), ордината вертикальной качки — z(t), ордината килевой качки — $\psi(t)$; ордината абсолютных вертикальных перемещений Z(t) на расстоянии x от центра тяжести площади КВЛ, абсцисса которого есть x_{o} будет $Z(t) = z(t) + (x - x_{o})\psi(t)$; ордината относительных перемещений $\zeta(t) = Z(t) - r(t)$ равна мгновенной осадке вошедшего в воду контура. Тогда на контур будут действовать погонные (на единицу длины) гидромеханические силы, определяемые следующим образом:

2012 ВІСНИК НУК імені адмірала Макарова

 – гидростатическая сила, связанная с изменением погруженного объема (рис. 1),

$$f_{z\Gamma}(t) = -\rho g \int_{0}^{\zeta(t)} \eta_M(u) du \approx -C_{\Gamma C} \rho g \eta_M \zeta = -C_{\Gamma C} \rho g \eta_M (Z - r),$$

*C*_{ГС} — линеаризованный коэффициент гидростатической силы;

– демпфирующая сила, связанная с диссипацией (рассеиванием) энергии на единицу длины, $f_{zA}(t) = -2N_{zM}(\zeta)\dot{\zeta} = -2N_{zM}(\zeta)(\dot{Z} - \dot{r});$

– инерционная сила $f_{zN}(t)$, которая в соответствии с законами сохранения количества движения и сохранения энергии определится так:

$$f_{zW}(t) = \frac{d(\lambda_{zM}\zeta)}{dt} = f'_{zW}(t) + f''_{zW}(t);$$
$$f'_{zW}(t) = -\lambda_{zM}(\zeta)\ddot{\zeta};;$$
$$f''_{zW}(t) = -K_q \frac{d\lambda_{zM}}{dt}\dot{\zeta} = -K_q \frac{d\lambda_{zM}}{d\zeta}\dot{\zeta}^2 = -K_P \frac{\rho\dot{\zeta}^2}{2}\zeta$$

где $K_p = \frac{K_q}{\rho} \frac{d\lambda_{zM}(\zeta)}{d\zeta}$ — коэффициент ударных давлений p_{ya} при входе моста в воду, при этом $p_{ya} = -\frac{f_{zH}''}{\zeta} = K_p \frac{\rho \dot{\zeta}^2}{2}$ (здесь авторы приближенно отождествили скорость соударения со скоростью относительных перемещений и пренебрегли так называемым эффектом П. Ф. Папковича).

В этом случае коэффициент K_q , учитывающий потери на брызгообразование, не следует из закона сохранения количества движения. Он вводится с целью согласовать результаты расчетов на основании закона сохранения количества движения и закона сохранения энергии, при этом $0.5 \le K_q \le 1$ [1].

Тогда после осреднения с учетом нерегулярности волнения и интегрирования по длинам ударов (длинам вхождения моста в воду) в его носовой и кормовой оконечностях полученные таким образом



Рис. 1. К определению дополнительных сил и моментов при продольной качке волнорезного катамарана

силы добавляются в уравнения вертикальной качки, а после определения соответствующих моментов — и в уравнения килевой качки. При этом силы и моменты, в основе которых лежит сила f_{zl} , добавляются к восстанавливающим силам и моментам и к главным частям возмущающих сил и моментов. Силы и моменты, в основе которых сила f_{zl} , пренебрежимо малы. Силы и моменты, в основе которых сила f_{zl} , добавляются к инерционным силам и моментам и к инерционным составляющим дифракционных частей возмущающих сил и моменты, в основе которых сила f_{zl} , добавляются к инерционным силам и моменты, в основе которых сила лабот и моментам и к инерционным силам и моментам и к инерционным составляющим дифракционных частей возмущающих сил f_{zl} , добавляются к демпфирующим составляющим дифракционных частей возмущающих сил и моментам и к демпфирующим силам и моментам и к демпфирующим силам и моментам и к демпфирующим силам и моментов.

Это происходит потому, что сила f''_{zW} связана со скоростями соответствующих перемещений, как и демпфирующие силы и моменты. В то же время эта сила, строго говоря, не является демпфирующей в общепринятом смысле (она связана с градиентом присоединенных масс, а не с рассеиванием энергии). Но, несмотря на это, условимся далее называть связанные с силой f''_{zH} добавки дополнительными демпфирующими силами и моментами. Именно эти силы и моменты и оказывают наибольшее влияние на продольную качку волнорезного катамарана по сравнению с катамараном, не имеющим профилированного соединительного моста. В то же время при решении аналогичной задачи для катамаранов с плоскостным мостом [12] вводимая добавка к демпфирующим силам и моментам представляла собой вихревое демпфирование — как и для случая продольной качки не имеющего хода катамарана с носовым подводным крылом [14]. В последнем случае при наличии хода надбавка к демпфированию имела циркуляционную природу [13].

Далее последовательно определим дополнительные демпфирующие (в указанном выше смысле), восстанавливающие и инерционные силы, связанные с входом моста в воду и добавляемые к соответствующим членам уравнений продольной качки.

Пусть контур соединительного моста, характеризуемый погонной (на единицу длины) присоединенной массой при вертикальных перемещениях $\lambda_{zM}(\zeta) = C_{zM}\rho\eta_M^2(\zeta)$ и линеаризованным погонным коэффициентом демпфирования $2\tilde{N}_{zM}(\zeta)$, вошел в воду из-за продольной качки на длине s_M (здесь ρ — плотность воды и C_{zM} — коэффициент присоединенной массы). Определим дополнительные нелинейные демпфирующие силы — обусловленную входом носовой оконечности моста силу $F_{zД2}$. Для этого применим метод статистической линеаризации квадратичного детектора по аналогии со статистической линеаризацией демпфирования, связанного с периодическим входом в воду палубы при бортовой

42

качке низкобортного судна [5]. Тогда силы $F_{zД1}$ и $F_{zД2}$ (см. рис. 1) можно представить в виде [18]:

$$\begin{split} F_{z\Pi} &= -2\Delta \widetilde{N}_{z1}(D_{\zeta 1}, D_{\zeta 1})\zeta, \quad \dot{\zeta} > 0; \quad F_{z\Pi} = 0, \quad \dot{\zeta} < 0; \\ F_{z\Pi^2} &= -2\Delta \widetilde{N}_{z2}(D_{\zeta 2}, D_{\zeta 2})\zeta, \quad \dot{\zeta} > 0; \quad F_{z\Pi^2} = 0, \quad \dot{\zeta} < 0; \\ &2\Delta \widetilde{N}_{z1}(D_{\zeta 1}, D_{\zeta 1}) = \frac{\rho \varepsilon_{\Pi 1} K_{P1} I_{11}(I_{21} - I_{31}) \overline{S}_{M1}}{D_{\zeta 1}}; \\ &2\Delta \widetilde{N}_{z2}(D_{\zeta 2}, D_{\zeta 2}) = \frac{\rho \varepsilon_{\Pi 2} K_{P2} I_{12}(I_{22} - I_{32}) \overline{S}_{M2}}{D_{\zeta 2}}; \\ &I_{11} = \frac{1}{\sqrt{2\pi D_{\zeta 1}}} \int_{-\infty}^{+\infty} \dot{\zeta}^2 \dot{\zeta} \dot{\zeta} \Big| \exp \left(-\frac{\dot{\zeta}^2}{2D_{\zeta 1}} \right) d\dot{\zeta} = \sqrt{\frac{2}{\pi}} D_{\zeta 1}^{1.5}; \\ &I_{21} = \sqrt{\frac{2}{\pi D_{\zeta 1}}} \int_{\overline{h}_{0K,\min}}^{+\infty} \exp \left(-\frac{\zeta^2}{2D_{\zeta 1}} \right) d\zeta = \sqrt{\frac{2}{\pi}} D_{\zeta 1}^{1.5}; \\ &I_{31} = \widetilde{h}_{0K,\min} \sqrt{\frac{2}{\pi D_{\zeta 1}}} \int_{\overline{h}_{0K,\min}}^{+\infty} \exp \left(-\frac{\zeta^2}{2D_{\zeta 2}} \right) d\zeta = \widetilde{h}_{0K,\min} \left[1 - 2\overline{\Phi}(u_1) \right]; \\ &I_{12} = \frac{1}{\sqrt{2\pi D_{\zeta 2}}} \int_{\overline{h}_{0K,\min}}^{+\infty} \left\{ \zeta \exp \left(-\frac{\zeta^2}{2D_{\zeta 2}} \right) d\zeta = \sqrt{\frac{2}{\pi}} D_{\zeta 2}^{1.5}; \\ &I_{22} = \sqrt{\frac{2}{\pi D_{\zeta 2}}} \int_{\overline{h}_{0K,\min}}^{+\infty} \left\{ \zeta \exp \left(-\frac{\zeta^2}{2D_{\zeta 2}} \right) d\zeta = \sqrt{\frac{2}{\pi}} D_{\zeta 2}^{1.5}; \\ &I_{32} = h_{0K,\min} \sqrt{\frac{2}{\pi D_{\zeta 2}}} \int_{\overline{h}_{0K,\min}}^{+\infty} \exp \left(-\frac{\zeta^2}{2D_{\zeta 2}} \right) d\zeta = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{1.5} \frac{1}{2} \left\{ \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \frac{\lambda}{2} \phi_{\zeta}(u_1); \quad \overline{s}_{M2} = \frac{\lambda}{2} \phi_{\zeta}(u_2); \\ \\ &u_1 = \frac{\widetilde{h}_{0K,\min} \sqrt{\frac{2}{\pi D_{\zeta 2}}} \int_{0}^{+\infty} \left\{ u_2 = \frac{1}{\kappa_{\zeta}(1 + \overline{\Delta}_{22}) \sqrt{D_{\zeta 1}}; \quad \kappa_{\zeta} = \sqrt{\frac{D_{\zeta 2}}{D_{\zeta 2}}} \right\} \\ \\ &\varepsilon_{\Pi 12} = 0, \int \left(1, 0 + \frac{1}{\sqrt{K_{P2}}} \right); \quad \phi_{\zeta}(x) = [1 - 2\overline{\Phi}(x)] \exp \left(\frac{x^2}{2} \right); \\ \\ &\overline{\Phi}(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}} \int_{0}^{x} \exp \left(-\frac{y^2}{2} \right) dy; \end{aligned}$$

где D_{ζ_1} , D_{ζ_1} — дисперсии относительных перемещений и скоростей относительных перемещений в том сечении в носовой оконечности, где начина-

КОРАБЛЕБУДУВАННЯ

ется килевая линия соединительного моста; D_{го}, D₂₂ — то же в сечении в кормовой оконечности, где заканчивается килевая линия соединительного моста; $\Delta \tilde{N}_{z1} = \Delta \tilde{N}_{z1} (D_{\zeta 1}, D_{\dot{\zeta} 1})$ — линеаризованный коэффициент вертикального демпфирования при входе носовой оконечности соединительного моста в воду; $\Delta \widetilde{N}_{z2} = \Delta \widetilde{N}_{z2} (D_{\zeta 2}, D_{\dot{\zeta} 2})$ — то же при входе кормовой оконечности соединительного моста в воду; $\varepsilon_{\Pi 1}, \varepsilon_{\Pi 2}$ коэффициенты полноты площади эпюры продольного распределения гидродинамических давлений при ударах носовой и кормовой оконечностями соединительного моста соответственно [11]; К_{P1}, К_{P2} — коэффициенты ударных давлений при входе в воду носовой и кормовой оконечностей моста соответственно; $\zeta = \zeta(t), \ \dot{\zeta} = \dot{\zeta}(t)$ — ординаты относительных перемещений и скоростей относительных перемещений от продольной качки; Δ_1 — статический подъем при продольной качке в носовой оконечности (в кормовой оконечности аналогичная величина принимается равной 0); $\overline{\Delta}_{21}$, $\overline{\Delta}_{22}$ — безразмерный динамический подъем при продольной качке в носовой и кормовой оконечностях; L, б — длина катамарана и его коэффициент общей полноты; Fr — число Фруда по длине; $l_{\rm M}$ — длина соединительного моста; $\overline{\lambda}$ — средняя длина волны; $\bar{s}_{\rm M1}$ — средняя в статистическом смысле длина вошедшей в воду носовой части «центрального носа» [6]; \bar{s}_{M2} — то же для кормовой части «центрального носа»; $\overline{\Phi}(x)$ — функция Лапласа от аргумента x.

Величины $\zeta_1, \Delta_1, \overline{\Delta}_{21}$ и $\overline{\Delta}_{22}$ отсчитываются от КВЛ; они положительны выше КВЛ и отрицательны ниже КВЛ. Далее ограничимся более подробным описанием определения только величины $2\Delta N_{z1}(D_{\zeta 1}, D_{\zeta 1})$ для погружения носовой оконечности моста. Такая же величина $2\Delta N_{z2}(D_{\zeta 2}, D_{\zeta 2})$ для погружения кормовой оконечности моста находится аналогично. Нижние индексы «1» и «2» там, где это возможно, условимся опустить (в частности, вместо обозначений u_1 и u_2 будем применять обозначение u).

Для нахождения коэффициента $K_{p_1} = K_p$, который определяется для поперечного сечения, отстоящего на $\bar{s}_{\rm M}/3$ от начала килевой линии моста, введем в плоскости шпангоута волнорезного катамарана систему координат $\eta 0\zeta$, начало координат которых — в ДП катамарана на расстоянии $h_{\rm BK \ min}$ от КВЛ (см. рис. 1). В системе координат $\eta 0\zeta$ введем уравнение обвода моста $\eta_{\rm M} = \eta_{\rm M}(\zeta)$ — см. рис. 1.

Теперь указанный коэффициент будем искать из следующих соотношений:

$$K_P = K_{P0}(\gamma_{\rm M})K_q(\gamma_{\rm M})K_F(\gamma_{\rm M})\kappa_{FC};$$

$$K_{P0} = K'_{P0} = \kappa_{\rm s}\pi \cdot \text{tg }\gamma_{\rm M} \left(\frac{\pi}{2\gamma_{\rm M}} - 1\right)^2$$

или $K_{P0} = K'_{P0} = \frac{\kappa_s \pi^3}{4 \text{tg } \gamma_M} \left(1 - \frac{\gamma_M}{\pi}\right)^3$ — для круглоскулого «центрального носа»;

 $K_{P0} = 2\kappa_s \{K'_{P0}\overline{\Phi}(u_3) + K''_{P0}[0, 5 - \overline{\Phi}(u_3)]\}$ — для остроскулого «центрального носа»;

$$K_{P0}'' = \frac{\sqrt{2}B_{\gamma}}{\sqrt[4]{\frac{\overline{\Delta}_{\rm M}}{\widetilde{y}_{\rm CK}} - \frac{2}{\pi} \operatorname{tg} \gamma_{\rm M} + \left[\frac{\sqrt{2}\pi B_{\gamma}(\gamma_{\rm M})}{2K_{P0}'}\right]^4}};$$

 $K_q = 1 - \left(\frac{2\gamma_M}{\pi}\right)^{1.5}$ — для круглоскулого «центрально-

го носа»;

 $K_q = 1 - \frac{1 - \cos \gamma_M}{2 - \cos \gamma_M}$ — для остроскулого «центрального

носа»;

$$K_{F} \approx 1 - \frac{\lg Z_{SW}}{\lg \gamma_{M}}; \quad Z_{SW} = \phi_{M} + \Psi_{X};$$

$$\Psi_{X} = 0.13 \left(0.01 + \frac{x_{g}}{L} \right) + 0.028 \sin (5.2 \text{ Fr} - 1.9);$$

$$\kappa_{FC} = 1.0, \quad \text{Fr}_{V1} \le 1.0;$$

$$\kappa_{FC} = 1.0 + \kappa_{FM} \frac{\text{Fr}_{V1} - 1.0}{2}, \quad 1.0 \le \text{Fr}_{V1} \le 3.0;$$

$$\kappa_{FC} = \kappa_{FM}; \quad \text{Fr}_{V1} \ge 3.0;$$

tg $\gamma_{\rm M} = \frac{\omega_{\rm M}}{\eta_{\rm M\,max}^2}$; $\omega_{\rm M} = \int_{0}^{\zeta_{\rm M\,max}} \eta_{\rm M}(\zeta) d\zeta$; $\eta_{\rm M\,max} = \eta_{\rm M}(\zeta_{\rm M\,max})$;

$$\zeta_{\rm M max} = \overline{\Delta}_{\rm M} = \psi_{\zeta}(u) \sqrt{\frac{\pi}{2} D_{\zeta}}; \quad \psi_{\zeta}(u) = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \left(\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{1}{\varphi_{\zeta}(u)} - u \right) -$$

для круглоскулых обводов;

$$\zeta_{M \max} = \overline{z}_{CK} \le h_{BK \max} - h_{BK \min} -$$
для остроскулых обводов;
$$\widetilde{y}_{CK} = \frac{1}{\overline{s}_{M}} \int_{0}^{\overline{s}_{M}} y_{CK}(x) dx; \quad \widetilde{z}_{CK} = \frac{1}{\overline{s}_{M}} \int_{0}^{\overline{s}_{M}} z_{CK}(x) dx;$$

$$\kappa_{s} = \cos\left(\frac{\pi}{3} \frac{2\eta_{\text{Mmax}}}{\overline{s}_{\text{M}}}\right); \quad B_{\gamma}(\gamma_{\text{M}}) = \frac{2\pi}{4+\pi} \sqrt{1 - \frac{2\gamma_{\text{M}}}{\pi}};$$
$$Fr_{V1} = \frac{v}{\sqrt{g^{3}_{3}\sqrt{V_{1}}}}.$$

Здесь $\gamma_{\rm M}$ — расчетный угол килеватости соединительного моста; K_{P0} — коэффициент ударных давлений, определенный по схеме Вагнера [7, 8]; K_F — поправка, учитывающая влияние продольной кривизны поверхности удара на силу удара [17]; K_q — поправка на наличие брызгообразования [1, 7]; κ_{FC} — поправка на продольное струйное обтекание [3]; κ_S — поправка на конечность длины удара [10]; Z_{SW} — угол соударения моста с водой в продольной плоскости на тихой воде; $\phi_{\rm M}$ — угол между касательной к диаметральному батоксу «центрального носа» и следом основной плоскости в расчетном сечении; x_g — отстояние центра тяжести от миделя (положительное — в нос); ψ_x — угол ходового дифферента; v, V_1 — скорость и объемное водоизмещение одного корпуса волнорезного катамарана; $\overline{\Delta}_{\rm M}$ — среднее в статистическом смысле заглубление моста при продольной качке [4]; $y_{\rm CK}(x)$ — отстояние слома скулы остроскулого «центрального носа» от его ДП как функция положения расчетного сечения $x; z_{\rm CK}(x)$ — отстояние линии слома скулы от его килевой линии как функция положения расчетного сечения x.

Для носовой оконечности параметр $u_3 = u_{31} = \frac{\widetilde{h}_{\text{BK min}} - \Delta_1 + \widetilde{z}_{\text{CK}}}{(1 + \overline{\Delta}_{21})\sqrt{D_{\zeta_1}}}$ и для кормовой оконеч-

ности этот же параметр $u_3 = u_{32} = \frac{\widetilde{h}_{\rm BK\,min} + \widetilde{z}_{\rm CK}}{(1 + \overline{\Delta}_{22})\kappa_{\zeta}\sqrt{D_{\zeta 1}}}$.

Коэффициент к_{FM} определяется по таблице в функции величины $K_{p^*} = K_{p0} K_q K_F$ [3].

Определение коэффициента к_{FM}

K_{p^*}	> 14	12	10	< 8
κ_{FM}	2,5	1,5	1,2	1

На рис. 2 представлена графическая зависимость амплитуды безразмерной дополнительной вертикальной демпфирующей силы $F_{z,l}$ от высоты волны 3 %-й обеспеченности h_3 при различной обеспеченности P_{d} . Расчеты выполнялись при минимальном по ширине межкорпусного пространства вертикальном клиренсе $h_{\rm BK\ min} = 1,08\,$ м, что отвечает $\overline{h}_{\rm BK\ min} = \frac{h_{\rm BK\ min}}{L} = 0,0102.$ При этом для случая входа в воду носовой оконечности принималось

$$F_{z \exists} = 2 \Delta \widetilde{N}_{z \exists} \sqrt{-2 \ln P_{\exists} D_{\dot{\zeta} 0}} \; .$$

Расчет выполнялся для проектной проработки волнорезного катамарана водоизмещением D=2467 т. Видно, что в условиях достаточно интенсивного волнения в сочетании с небольшой величиной параметра $\overline{h}_{\rm BK}$ ты указанная сила может сравниться с весовым



Рис. 2. Безразмерная дополнительная вертикальная демпфирующая сила при продольной качке волнорезного катамарана: — — — P_{d} =0,01; — · — — 0,02; — — 0,03

водоизмещением волнорезного катамарана и даже превзойти его. Этот результат согласуется с упомянутыми в работе [16] данными натурных экспериментов.

Перейдем к рассмотрению дополнительных восстанавливающих сил и моментов. В отличие от демпфирующих сил и моментов эти величины остаются линейными функциями линейных и угловых перемещений при вертикальной и килевой качке соответственно. Средние приращения площади действующей ватерлинии ΔS будут [2, 8]:

- для круглоскулых обводов

$$\Delta S \approx (1,4-1,6)\overline{s}_{\rm M1}\eta_{\rm M}(\Delta_{\rm M});$$

- для остроскулых обводов

$$\Delta S \approx 4\bar{s}_{\rm M} \left\{ \frac{\overline{\Delta}_{\rm M}}{\operatorname{tg} \gamma_{\rm M}} \overline{\Phi}(u_3) + \widetilde{\gamma}_{\rm CK} [0, 5 - \overline{\Phi}(u_3)] \right\}.$$

Средние приращения коэффициента продольной остойчивости из-за входа в воду моста для обоих типов обводов [2, 8]:

$$\Delta K_{O\Psi} = -\overline{F}_{z\Gamma C} \left\{ h_{BK \min} + \frac{\Delta_M}{4} - \frac{F_{z\Gamma C}}{2\rho g(S + \Delta S)} - \frac{\rho g}{\overline{F}_{z\Gamma C}} \left[\overline{i}_{yF} + \Delta S \cdot l_X^2 \left(1 + \frac{\Delta S}{S + \Delta S} \right) \right] \right\};$$

$$S = 2\alpha L B_1; \quad \overline{i}_{yF} \approx \frac{\overline{s}_M^3}{6} \frac{\overline{\Delta}_M}{\operatorname{tg} \gamma_M};$$

$$\overline{F}_{z\Gamma C} \approx \rho g \overline{\nu}_M; \quad \overline{\nu}_M \approx \frac{1}{2} \overline{\Delta}_M \cdot \Delta S;$$

 $l_X = \frac{l_M}{2} - \frac{\bar{s}_{M1}}{2} - x_f - \Delta x_M$ — для носовой половины моста;

 $l_X = \frac{l_M}{2} - \frac{\overline{s}_{M2}}{2} + x_f + \Delta x_M$ — для кормовой половины моста.

Здесь α — коэффициент полноты площади КВЛ; В₁ — ширина одного корпуса; *S* — площадь конструктивной ватерлинии для обоих корпусов катамарана;



Рис. 3. Зависимости величин
 $\delta S\left(a\right)$ и $\delta K_{_{\rm O\psi}}\left(\delta\right)$ от параметр
а $h_{_{\rm BK\,min}}$

КОРАБЛЕБУДУВАННЯ

2012

 i_{yF} — осредненный по процессу качки собственный момент инерции дополнительной площади ватерлинии; ρ — плотность воды; x_{f} — абсцисса центра тяжести площади ватерлинии (положительное направление оси x — в нос); $F_{\Gamma C}$ — дополнительная осредненная по процессу качки гидростатическая сила, связанная с входом моста в воду; $\Delta x_{\rm M}$ — горизонтальное продольное смещение середины соединительного моста относительно плоскости мидель-шпангоута для корпусов, $\Delta x_{\rm M} > 0$, если середина моста сдвинута в нос от плоскости миделя, и $\Delta x_{\rm M} < 0$ в противном случае.

В этих зависимостях, как и ранее, для носовой половины моста имеем $\bar{s}_{M} = \bar{s}_{M1}$, $\bar{\Delta}_{M} = \bar{\Delta}_{M1}$ и для кормовой половины моста $\bar{s}_{M} = \bar{s}_{M2}$, $\bar{\Delta}_{M} = \bar{\Delta}_{M2}$. На рис. 3 приведены графические зависимости для

величин
$$\delta S = \frac{\Delta S}{S}(a)$$
 и $\delta K_{O\psi} = \frac{\Delta K_{O\psi}}{\rho g I_{yf}}(\delta)$ в функции па-

раметра $\overline{h}_{\rm BK\,min} = \frac{h_{\rm BK\,min}}{L}$, где $I_{yf} \approx \frac{\alpha^2 L^3 B_1}{6{,}65}$ — продоль-

ный момент инерции площади ватерлинии обоих корпусов катамарана, а параметр $h_{\rm BK \ min}$ отвечает рис. 1. Расчеты выполнялись при интенсивности волнения, характеризуемой высотой волны 3%-й обеспеченности $h_3 = 6$ м.

Величины дополнительной присоединенной массы при вертикальной качке $\Delta \lambda_z$ и дополнительного присоединенного момента инерции массы при килевой качке $\Delta \lambda_{\psi}$, характеризующие ту часть дополнительных инерционных сил и моментов при продольной качке, которая не связана с градиентом присоединенных масс, с учетом соотношений [2, 8] найдутся в виде

$$\Delta \lambda_z \approx K'_{P0} \frac{\rho \overline{\nu}_{\rm M}}{2}$$
 — для круглоскулых обводов;

$$\Delta\lambda_{z} = \rho \overline{v}_{M} \left\{ K_{P0}' \overline{\Phi}(u_{3}) + K_{P0}'' [0, 5 - \overline{\Phi}(u_{3})] - \Omega \pi \right\}$$

остроскулых обводов;

$$\Delta \lambda_{\psi} \approx \Delta \lambda_z l_X^2; \quad K_{P0}^{\prime\prime\prime} = 1,07 \frac{\pi}{2} \left(1,0-2,19 \frac{\gamma_{\rm M}}{\pi} \right) \left(1 - \frac{\gamma_{\rm M}}{\pi} \right).$$



2012 ВІСНИК НУК імені адмірала Макарова

Пусть, далее, $n_z^{(0)}$ и $n_{\psi}^{(0)}$ — собственные частоты вертикальных и килевых колебаний без учета, а n_z и n_{ψ} — с учетом входа профилированной соединительной конструкции в воду. Тогда

$$\begin{split} n_{z}^{(0)} &= \sqrt{\frac{\rho g S}{M + \lambda_{z}}}; \quad n_{\psi}^{(0)} \approx \sqrt{\frac{\rho g I_{yf}}{J_{Y} + \lambda_{\psi}}}; \\ n_{z} &= \sqrt{\frac{\rho g S (1 + \delta S)}{M + \lambda_{z} (1 + \delta \lambda_{z})}}; \quad n_{\psi} \approx \sqrt{\frac{\rho g I_{yf} (1 + \delta K_{0\psi})}{J_{Y} + \lambda_{\psi} (1 + \delta \lambda_{\psi})}}; \\ \delta \lambda_{z} &= \frac{\Delta \lambda_{z}}{\lambda_{z}}; \quad \delta \lambda_{\psi} = \frac{\Delta \lambda_{\psi}}{\lambda_{\psi}}, \end{split}$$

где M, J_{γ} — масса и собственный продольный момент инерции волнорезного катамарана; $\lambda_{z}, \lambda_{\psi}$ — присоединенныя масса при вертикальной качке и присоединенный момент инерции при килевой качке волнорезного катамарана без учета входа соединительного моста в воду.

Как следует из структуры приведенных выше расчетных формул, характер зависимостей величин $\delta \lambda_z$ и $\delta \lambda_{\psi}$ как от параметра $\overline{h}_{\rm BK\ min}$, так и от угла $\gamma_{\rm M}$ качественно тот же, что и для величин δS и $\delta K_{\rm O\psi}$. Это значит, что при входе соединительного моста в воду собственные частоты изменяются незначительно. В большинстве практически важных случаев допустимо принимать $n_y^{(0)} \approx n_y$ и $n_z^{(0)} \approx n_z$. А тогда получается, что изменения восстанавливающих и инерционных сил и моментов из-за входа в воду соединительного моста волнорезного катамарана не слишком сильно влияют на продольную качку. В то же время из-за входа в воду моста в уравнениях качки существенно изменяются демпфирующие силы, к которым добавляется та часть инерционных сил,

которая связана с градиентом присоединенных масс. Именно этот фактор оказывает основное влияние на продольную качку волнорезного катамарана.

выводы

 В работе предложены достаточно простые приближенные зависимости для определения дополнительных сил и моментов, обусловленных входом в воду профилированного соединительного моста волнорезного катамарана. Включение этих добавок в уравнения вертикальной и килевой качки дает возможность выполнить расчеты продольной качки волнорезного катамарана.

2. Сила инерционной природы, обусловленная градиентом присоединенных масс при входе в воду соединительного моста и прибавляемая к демпфирующим силам в уравнения вертикальной качки катамарана, на интенсивном волнении при достаточно низкой (но реальной) обеспеченности может достичь весового водоизмещения и даже превзойти его (см. рис. 2). Этот результат согласуется с приведенными в [16] данными натурных экспериментов.

3. В силу того что при входе в воду соединительной конструкции восстанавливающие и инерционные силы (моменты) изменяются примерно в одной пропорции, собственные частоты вертикальных и килевых колебаний при входе в воду профилированного соединительного моста изменяются слабо.

4. Определяющее влияние на связанное с входом соединительного моста в воду изменение характеристик продольной качки волнорезного катамарана оказывает дополнительный момент инерционной природы, связанный с градиентом присоединенных масс и прибавляемый в уравнениях килевой качки к демпфирующему моменту.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] Бойцов, Г.В. Прочность и конструкция корпуса судов новых типов [Текст] / Г.В. Бойцов, О.М. Палий. Л.: Судостроение, 1979. 360 с.
- [2] Герасимов, А. В. Расчет нерегулярной бортовой качки стабилизированного судна при выходе бортовых управляемых рулей на ограничители [Текст] / А.В. Герасимов // Судостроение. — 1971. — №6. — С. 5–7.
- [3] Запольский, В.В. Определение гидродинамических нагрузок, действующих на корпус скоростного судна [Текст] / В.В. Запольский // Вопросы судостроения. Сер. Проектирование судов. — Л. : ЦНИИ «Румб», 1984. — Вып. 40.
- [4] Кондриков, Д. В. Численная оценка заливаемости по ряду показателей [Текст] / Д. В. Кондриков // Труды ЦНИИ морского флота. Л. : Транспорт, 1973. Вып. 182. С. 61–73.
- [5] Кондриков, Д.В. К расчету бортовой качки судна при произвольном курсовом угле к волне [Текст] / Д.В. Кондриков // Труды ЦНИИ морского флота. — Л. : Транспорт, 1977. — Вып. 221. — С. 7–21.
- [6] Кондриков, Д. В. Оценка слеминга с позиций ограничения ускорений удара [Текст] / Д. В. Кондриков // Архитектурно-конструктивный тип, мореходные и ледовые качества судов : сб. науч. трудов ЦНИИ морского флота. — Л. : Транспорт, 1989. — С. 94–100.
- [7] **Логвинович, Г. В.** Гидродинамика течений со свободными границами [Текст] / Г.В. Логвинович. К. : Наукова думка, 1969. 210 с.

КОРАБЛЕБУДУВАННЯ 2012

- [8] Лукашевич, А.Б. Численное решение задачи о продольном движении судна на подводных крыльях на регулярном волнении с учетом ударов корпуса о воду [Текст] / А.Б. Лукашевич, А.В. Скафтымов // Сб. НТО им. акад. А.Н. Крылова. — Л.: Судостроение, 1976. — Вып. 242. — С. 162–177.
- [9] Методика определения изгибающего момента при ударе волн в развал бортов // Сб. нормативнометодических материалов Регистра СССР. — М.: В/О Мортехинформреклама, 1986. — Кн. 4. — С. 7–19.
- [10] Платонов, В. Г. Экспериментальное исследование влияния удлинения тела на гидродинамические давления при ударе его о воду [Текст] / В. Г. Платонов // Вопросы судостроения. Сер. Проектирование судов. — Л. : ЦНИИ «Румб», 1981. — Вып. 27. — С. 101–105.
- [11] **Путов, Н.Е.** Проектирование конструкций корпуса морских судов [Текст] / Н.Е. Путов. Л. : Судостроение, 1977. — Ч. 2. — 424 с.
- [12] Соломенцев, О.И. Определение статистических характеристик относительных перемещений двухкорпусного судна на встречном волнении // Автоматизированное проектирование и конструкции судов : сб. науч. трудов НКИ. — Николаев : НКИ, 1986. — С. 58–72.
- [13] **Соломенцев, О. И.** Оценка влияния установки подводного крыла на мореходность двухкорпусного судна при его проектировании [Текст] / О. И. Соломенцев // Совершенствование судовых устройств : сб. науч. трудов НКИ. Николаев : НКИ, 1987. С. 73–86.
- [14] Соломенцев, О.И. О влиянии носового подводного крыла на мореходность катамарана в отсутствие хода [Текст] / О.И. Соломенцев // Особенности проектирования судов перспективных архитектурно - конструктивных типов. — Николаев : Черномор. межобл. правление НТО им. акад. А. Н. Крылова, 1989. — С. 34–39.
- [15] **Сухир, Э.Л.** Уравнения движения в жидкости тела изменяющейся формы и их приложение к продольной качке судна на волнении [Текст] / Э.Л. Сухир // Судостроение и морские сооружения : респ. Межвед. науч.-техн. сборник. Х. : ХГУ, 1966. Вып. 2. С. 20–24.
- [16] Foxwell, D. Advanced Hull Forms Break the Conventional Mould [Text] / D. Foxwell, R. Scott // Jane's Navy International. — 2003. — Vol. 108, nr 3.
- [17] Milwitzky, B.A. Generalized Theoretical and Experimental Investigation of the Motions and Hydrodynamic Loads, Experienced by V-Bottom Seaplanes During Step-Landing Impacts [Text] / B.A. Milwitzky // NACA Technical Notes. — Washington, 1948. — Nr 1516. — 22 p.
- [18] Solomyentsev, O.I. Motions of the High-Speed Wave-piercing Catamaran on the Irregular Head Waves [Text] / O.I. Solomyentsev, S.O. Slobodyan // International Conference of Fast Ships: Malek Ashtar University of Technology. — Shiraz, 2005. — 12 p.

© О.І. Соломенцев, О.А. Кудінова Надійшла до редколегії 11.05.2012 Статтю рекомендує до друку член редколегії Вісника НУК д-р техн. наук, проф. В. О. Нєкрасов Статтю розміщено у Віснику НУК №3, 2012